

2011학년도 9월 고1 전국연합학력평가

정답 및 해설

수리 영역

정답

| | | | | | | | | | |
|----|----|----|----|----|----|----|-----|----|----|
| 1 | ⑤ | 2 | ④ | 3 | ① | 4 | ⑤ | 5 | ③ |
| 6 | ④ | 7 | ⑤ | 8 | ③ | 9 | ② | 10 | ③ |
| 11 | ② | 12 | ② | 13 | ② | 14 | ③ | 15 | ④ |
| 16 | ⑤ | 17 | ⑤ | 18 | ③ | 19 | ① | 20 | ① |
| 21 | ⑤ | 22 | 14 | 23 | 18 | 24 | 44 | 25 | 11 |
| 26 | 13 | 27 | 5 | 28 | 25 | 29 | 200 | 30 | 15 |

해설

1. [출제의도] 집합의 서로소 이해하기

$\{x|x \text{는 } 7 \text{의 양의 약수}\} = \{1, 7\}$ 이고
 $\{1, 7\} \cap A = \emptyset$ 이므로 $\{1, 7\}$ 와 A 는 서로소

2. [출제의도] 복소수의 사칙연산 계산하기

$$\sqrt{2} \times \sqrt{-2} + \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{-2}} = \sqrt{2} \times \sqrt{2}i + \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}i}$$

$$= 2i - i$$

$$= i$$

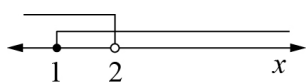
3. [출제의도] 절댓값이 있는 부등식 계산하기

i) $x < 2$ 일 때

$$-2x + 4 \leq x + 1$$

$$3 \leq 3x$$

$$1 \leq x$$



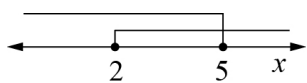
$\therefore 1 \leq x < 2 \dots \textcircled{1}$

ii) $x \geq 2$ 일 때

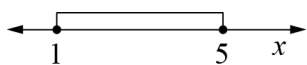
$$2x - 4 \leq x + 1$$

$$x \leq 5$$

$\therefore 2 \leq x \leq 5 \dots \textcircled{2}$



①, ②로부터 주어진 식을 만족하는 x 값의 범위는



$$1 \leq x \leq 5$$

\therefore 부등식을 만족하는 정수 x 의 개수는 5개

4. [출제의도] 다항식의 나눗셈 계산하기

$$\begin{array}{r} 4x+2 \\ x^2-x+1 \overline{) 4x^3-2x^2+3x+1} \\ \underline{4x^3-4x^2+4x} \\ 2x^2-x+1 \\ \underline{2x^2-2x+2} \\ x-1 \end{array}$$

$$Q(x) = 4x + 2$$

$$\therefore Q(1) = 6$$

5. [출제의도] 진리집합 사이의 포함관계로 명제의 참 거짓 추론하기

$$(P \cup Q) \cap R = \emptyset$$

$$\Leftrightarrow (P \cup Q) \subset R^c$$

$$\Rightarrow P \subset R^c$$

$\therefore p$ 이면 $\sim r$ 이다.

6. [출제의도] 집합의 연산법칙 이해하기

집합의 연산법칙에 의하여

$$(P^c \cup Q)^c - R = (P \cap Q^c) \cap R^c$$

$$= P \cap (Q^c \cap R^c)$$

$$= P \cap (Q \cup R)^c$$

$$= P - (Q \cup R)$$

$$= \{4, 6, 8, 10\}$$

\therefore 모든 원소의 합은 28

7. [출제의도] 실수의 대소 관계 추론하기

$$a > b \text{에서 } ab > 0 \text{ 이면 } \frac{1}{a} < \frac{1}{b}$$

$$\text{그런데 } \frac{1}{a} > 1 > \frac{1}{b} \text{ 이므로 } ab < 0$$

$$\frac{1}{a} > 1 \text{ 이므로 } b < 0 < a < 1 \text{이다.}$$

\neg . $b > 1$ (거짓)

\neg . $ab < 0$ 이므로 $a > b$ 의 양변에 ab 를 곱하면
 $a^2b < ab^2$ (참)

$$\text{ㄷ. } ab + 1 - (a + b) = ab - a - b + 1$$

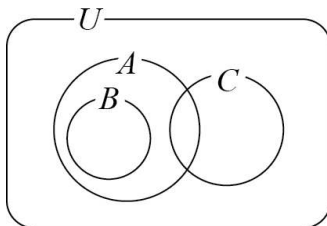
$$= a(b - 1) - (b - 1) = (a - 1)(b - 1) > 0$$

이므로 $ab + 1 > a + b$ (참)

8. [출제의도] ‘어떤’과 ‘모든’을 포함한 명제 이해하기

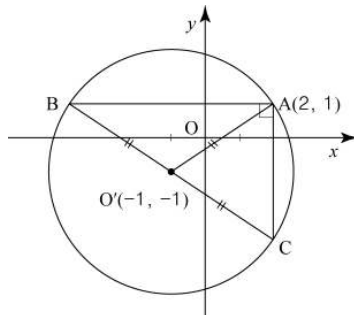
(가)에서 $A \subset B$ 이고, (나)에서 B 의 모든 원소 x 에 대하여 x 는 C 의 원소가 아니므로 B 와 C 는 서로소

\therefore 벤다이어그램 중 두 명제가 참이 되도록 하는 것은



9. [출제의도] 두 점 사이의 거리를 구하여 수학 내적문제 해결하기

삼각형 ABC 의 외심을 O' 라 하면, 외심 O' 에서 각 꼭짓점까지의 거리가 같으므로 O' 는 변 BC 의 중점이다. 따라서 외심의 성질에 의해 삼각형 ABC 는 변 BC 를 빗변으로 하는 직각삼각형이다.



$$\text{그러므로 } \overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = \overline{BC}^2 \text{ 이고 } \overline{BC} = 2\overline{O'A}$$

$$\text{이므로 } \overline{BC}^2 = 4\overline{O'A}^2 = 4(3^2 + 2^2) = 52$$

$$\therefore \overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = 52$$

10. [출제의도] 필요조건과 충분조건 이해하기

조건 p 는 조건 q 이기 위한 충분조건이지만 필요조건이 아니므로 $p \rightarrow q$ 는 참이고 $q \rightarrow p$ 는 거짓이다.

$$\neg. x = 0 \text{이고, } y = 0 \text{이면 } |0 + 0| = |0 - 0|$$

$\therefore p \rightarrow q$ 는 참

그러나, $x = 3, y = 0$ 이면

$$|3 + 0| = |3 - 0| \text{이지만 } x \neq 0 \text{ 이므로 } q \rightarrow p \text{는 거짓}$$

$$\neg. x > y > z \text{이면 } x - y > 0, y - z > 0,$$

$$z - x < 0 \text{이므로 } (x - y)(y - z)(z - x) < 0$$

$\therefore p \rightarrow q$ 는 참

그러나 $x = 2, y = 1, z = 5$ 일 때,

$$(x - y)(y - z)(z - x) = -12 < 0 \text{ 이지만}$$

$$z > x > y \text{ 이므로 } q \rightarrow p \text{는 거짓}$$

$$\text{ㄷ. } |x| + |y| > |x + y|$$

$$\Leftrightarrow (|x| + |y|)^2 > |x + y|^2$$

$$\Leftrightarrow x^2 + 2|x||y| + y^2 > x^2 + 2xy + y^2$$

$$\Leftrightarrow |xy| > xy$$

$$\Leftrightarrow xy < 0$$

$\therefore p \rightarrow q$ 와 $q \rightarrow p$ 는 모두 참

\therefore 충분조건이지만 필요조건이 아닌 것은 \neg, \neg

11. [출제의도] 다항식의 최대공약수 이해하기

다항식 $f(x)$ 를 $g(x)$ 로 나눈 몫을 $Q(x)$ 라 하면,
 $f(x) = g(x)Q(x) + R(x)$ 이다.

$x + 2$ 가 $g(x)$ 와 $R(x)$ 의 인수이므로

$$g(-2) = R(-2) = 0$$

$$\text{따라서 } f(-2) = 0$$

$$f(-2) = 16 + 4a + 2 - 2 = 0 \quad \therefore a = -4$$

$$g(-2) = -8 - 2b + 2 = 0 \quad \therefore b = -3$$

$$\therefore a + b = -7$$

12. [출제의도] 무리식을 이용하여 수학외적문제 해결하기

$$\text{가속도 } a = 0 \text{ 일 때 } T \text{의 값 } A = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g}},$$

$$\text{가속도 } a = \frac{\sqrt{3}}{2}g \text{ 일 때 } T \text{의 값}$$

$$B = 2\pi\sqrt{\frac{l}{g + \frac{\sqrt{3}}{2}g}} = 2\pi\sqrt{\frac{2}{2 + \sqrt{3}}} \sqrt{\frac{l}{g}} \text{이다.}$$

$$\therefore \frac{B}{A} = \sqrt{\frac{2}{2 + \sqrt{3}}} = \sqrt{4 - 2\sqrt{3}} = \sqrt{3} - 1$$

13. [출제의도] 이차방정식의 판별식을 활용하여 수학내적문제 해결하기

이차방정식 $x^2 + 2\sqrt{2}x - m(m+1) = 0$ 이 실근을 가지므로 판별식 D 가 $D \geq 0$ 이어야 한다.

$$\frac{D}{4} = 2 + m(m+1) = m^2 + m + 2$$

$$= (m + \frac{1}{2})^2 + \frac{7}{4} > 0$$

\therefore 모든 실수 m 에 대하여 실근을 갖는다. $\dots \textcircled{1}$

이차방정식 $x^2 - (m-2)x + 4 = 0$ 은 허근을 가지므로 판별식 D 가 $D < 0$ 이어야 한다.

$$D = (m-2)^2 - 16 < 0$$

$$m^2 - 4m - 12 < 0$$

$$(m+2)(m-6) < 0$$

$$\therefore -2 < m < 6 \dots \textcircled{2}$$

\therefore ①, ②를 동시에 만족시키는 실수 m 의 값의 범위는 $-2 < m < 6$

14. [출제의도] 켈레복소수의 성질 이해하기

$$\alpha\bar{\alpha} = \beta\bar{\beta} = 3 \text{ 에서 } \frac{1}{\alpha} = \frac{1}{3}\bar{\alpha}, \frac{1}{\beta} = \frac{1}{3}\bar{\beta} \text{ 이므로}$$

$$(\alpha + \beta)\left(\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}\right) = (\alpha + \beta)\left(\frac{1}{3}\bar{\alpha} + \frac{1}{3}\bar{\beta}\right)$$

$$= \frac{1}{3}(\alpha + \beta)(\bar{\alpha} + \bar{\beta})$$

$$= \frac{1}{3}(\alpha + \beta)(\overline{\alpha + \beta})$$

$$= \frac{1}{3} \times 3 = 1$$

15. [출제의도] 복소수의 거듭제곱의 성질을 이용하여 수학내적문제 해결하기

$$(가) \text{에서 } \left(\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}\right)^3 = 1$$

이므로 자연수 k 에 대하여 $n = 3k$

(나)에서

$$\left(-\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}\right)^{3k} = (-1)^{3k}\left(\frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}\right)^{3k}$$

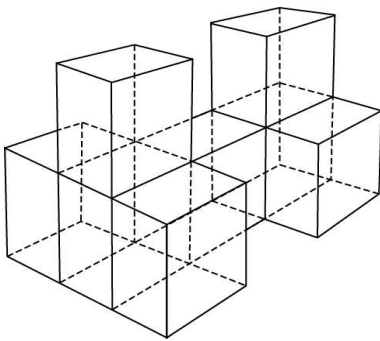
$$= (-1)^{3k} \times 1 = 1$$

이므로 자연수 l 에 대하여 $k = 2l$

그러므로 $n = 6l$

$\therefore n$ 의 최솟값은 6

16. [출제의도] 3차방정식을 이용하여 수학외적문제 해결하기



그림과 같이 필요한 블록의 개수는 8개이므로

$$8x(x+1)(x+2) = 7x^3 + 28x^2 + 20x + 5$$

$$x^3 - 4x^2 - 4x - 5 = 0$$

$$(x-5)(x^2 + x + 1) = 0$$

$$\therefore x = 5$$

17. [출제의도] 무리식의 성질을 이용하여 실수의 대소관계 추론하기

$$|ap + bq|^2 - (\sqrt{a^2p + b^2q})^2$$

$$= a^2p^2 + 2abpq + b^2q^2 - (a^2p + b^2q)$$

$$= a^2p(p-1) + b^2q(q-1) + 2abpq$$

조건에서 $p+q=1$ 이므로 $q=1-p$ 를 대입하면

$$= a^2p(p-1) + b^2(1-p)(-p) + 2abp(1-p)$$

$$= p(p-1)(a^2 + b^2 - 2ab)$$

$$= (a-b)^2 p(p-1)$$

주어진 조건에서 $p \geq 0, p-1 = -q \leq 0$ 이므로

$$p(p-1) \leq 0 \text{ 이고, } (a-b)^2 \geq 0$$

$$(a-b)^2 p(p-1) \leq 0$$

$$\therefore |ap + bq| \leq \sqrt{a^2p + b^2q}$$

18. [출제의도] 유리식을 이용하여 수학외적문제 해결하기

수리영역에 응시한 전체 학생 수를 A 라 하면,

$$\text{남학생이 } \frac{x}{100}A \text{ 명, 여학생이 } \frac{y}{100}A \text{ 명}$$

수리영역에 응시한 전체 학생들의 점수의 총합을

$$B \text{ 라 하면, 남학생들의 점수의 총합은 } \frac{a}{100}B \text{ 점,}$$

$$\text{여학생들의 점수의 총합은 } \frac{b}{100}B \text{ 점}$$

$$\text{그러므로 남학생의 평균점수는 } \frac{\frac{a}{100}B}{\frac{x}{100}A} = \frac{aB}{xA}$$

$$\text{여학생의 평균점수는 } \frac{\frac{b}{100}B}{\frac{y}{100}A} = \frac{bB}{yA}$$

따라서 남학생의 평균점수에 대한 여학생의 평균점수의 비의 값을 나타낸 식은

$$\frac{\frac{bB}{yA}}{\frac{aB}{xA}} = \frac{bx}{ay}$$

19. [출제의도] 삼차방정식을 이용하여 수학내적문제 해결하기

$x^3 + ax^2 + bx + c = 0$ 의 세 근이 α, β, γ 이므로

$$\alpha + \beta + \gamma = -a, \alpha\beta + \beta\gamma + \gamma\alpha = b, \alpha\beta\gamma = -c$$

$x^3 - 2x^2 + 3x - 1 = 0$ 의 세 근이

$$\frac{1}{\alpha\beta}, \frac{1}{\beta\gamma}, \frac{1}{\gamma\alpha} \text{ 이므로}$$

$$\text{i) } \frac{1}{\alpha\beta} + \frac{1}{\beta\gamma} + \frac{1}{\gamma\alpha} = \frac{\alpha + \beta + \gamma}{\alpha\beta\gamma} = \frac{a}{c} = 2$$

$$\text{ii) } \frac{1}{\alpha\beta} \times \frac{1}{\beta\gamma} + \frac{1}{\beta\gamma} \times \frac{1}{\gamma\alpha} + \frac{1}{\gamma\alpha} \times \frac{1}{\alpha\beta}$$

$$= \frac{1}{\alpha\beta^2\gamma} + \frac{1}{\alpha\beta\gamma^2} + \frac{1}{\alpha^2\beta\gamma}$$

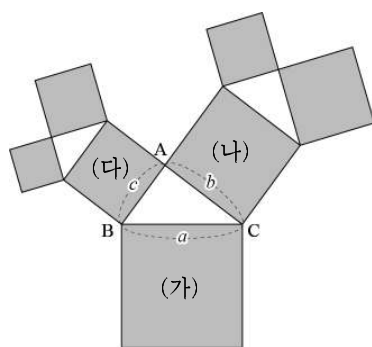
$$= \frac{\alpha\gamma + \alpha\beta + \beta\gamma}{(\alpha\beta\gamma)^2} = \frac{b}{c^2} = 3$$

$$\text{iii) } \frac{1}{\alpha\beta} \times \frac{1}{\beta\gamma} \times \frac{1}{\gamma\alpha} = \frac{1}{(\alpha\beta\gamma)^2} = \frac{1}{c^2} = 1$$

$c^2 = 1$ 이므로 i)에서 $a^2 = 4$, ii)에서 $b^2 = 9$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 = 14$$

20. [출제의도] 부등식을 이용하여 수학내적문제 해결하기



피타고라스의 정리에 의해 그림에서 정사각형 (가)의 넓이는 정사각형 (나)의 넓이와 정사각형 (다)의 넓이의 합과 같다.

$$\therefore a^2 = b^2 + c^2$$

이와 같은 관계를 나머지 사각형에 적용하면

모든 정사각형의 넓이의 합은 $3a^2$

$$\text{따라서 } 3a^2 = 75 \text{ 이므로 } a = 5$$

$$\text{그런데 } a^2 = b^2 + c^2 \geq 2\sqrt{b^2c^2} = 2bc \text{ 이므로}$$

$$25 \geq 2bc$$

$$\therefore 2abc \text{의 최댓값은 } 125$$

21. [출제의도] 유리식과 무리식을 이용하여 사다리꼴의 성질 추론하기

ㄱ. $\triangle ABC$ 와 $\triangle DBC$ 의 높이가 같고 밑변은 공통이므로 두 삼각형의 넓이가 같다.

$$S_2 + S_3 = S_4 + S_3$$

$$\therefore S_2 = S_4 \text{ (참)}$$

ㄴ. 높이가 같은 삼각형에서 밑변의 길이의 비는 넓이의 비와 같으므로 $\overline{BO} : \overline{OD} = m : n$ 이라

$$\text{하면 } \frac{S_1}{S_2} = \frac{n}{m} = \frac{S_4}{S_3} \text{ 이므로 } S_1S_3 = S_2S_4 \text{ (참)}$$

ㄷ. 사다리꼴 ABCD의 넓이는

$$S_1 + S_2 + S_3 + S_4 \text{ 이고}$$

$$\text{ㄱ과 ㄴ에 의하여 } S_1S_3 = S_2S_4 = S_4^2 \text{ 이므로}$$

$$S_1 + S_2 + S_3 + S_4 = S_1 + S_3 + 2S_4$$

$$= S_1 + S_3 + 2\sqrt{S_1S_3}$$

$$= (\sqrt{S_1} + \sqrt{S_3})^2 \text{ (참)}$$

22. [출제의도] 실수의 연산 이해하기

$$a \odot b = a - 3b + 2ab \text{ 이므로}$$

$$4 \odot 2 = 4 - 6 + 16 = 14$$

23. [출제의도] 좌표평면 위에서 외분점의 좌표 계산하기

두 점 A(2, 4), B(-2, 5)를 잇는 선분 AB를 1:2로 외분하는 점의 좌표는

$$(x, y) = \left(\frac{1 \times (-2) - 2 \times 2}{1 - 2}, \frac{1 \times 5 - 2 \times 4}{1 - 2}\right)$$

$$= (6, 3)$$

$$\therefore xy = 18$$

24. [출제의도] 무리식의 성질 이해하기

$$\sqrt{\alpha + \beta + 2\sqrt{\alpha\beta}} = \sqrt{\alpha} + \sqrt{\beta} = 2 + 2\sqrt{2}$$

$$\alpha = 4, \beta = 8 \text{ 또는 } \alpha = 8, \beta = 4 \text{ 이므로}$$

$$\alpha + \beta = 12, \alpha\beta = 32 \text{ 이다.}$$

근과 계수의 관계에서 $\alpha + \beta = p, \alpha\beta = q$ 이므로

$$p = 12, q = 32$$

$$\therefore p + q = 44$$

25. [출제의도] 항등식의 성질 이해하기

x 에 대한 항등식이므로

$$x = -1 \text{ 대입, } 1 - a + 1 + b = 0$$

$$x = 2 \text{ 대입, } 16 - 4a - 2 + b = 0$$

a 와 b 에 관한 연립방정식을 풀면, $a = 4, b = 2$

$$x^4 - 4x^2 - x + 2 = (x+1)(x-2)f(x) \text{ 이므로}$$

$$x = 3 \text{ 을 대입하면 } f(3) = 11$$

26. [출제의도] 이차방정식의 근과 계수의 관계 이해하기

$$\text{이차방정식 } x^2 + (1-3m)x + 2m^2 - 4m - 7 = 0$$

의 두 근을 α, β 라 하면, 근과 계수의 관계로부터 $\alpha + \beta = 3m - 1, \alpha\beta = 2m^2 - 4m - 7$ 이다.

두 근의 차가 4이므로 $|\alpha - \beta| = 4$ 에서

$$(\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta$$

$$= (3m - 1)^2 - 4(2m^2 - 4m - 7) = 16$$

$$m^2 + 10m + 13 = 0$$

$$\therefore \text{실수 } m \text{의 모든 값의 곱은 } 13$$

27. [출제의도] 연립방정식을 활용하여 수학내적문제 해결하기

$$\begin{cases} 3x - y + 2z = 4 & \dots\dots ① \\ x - 2y + 2z = 1 & \dots\dots ② \\ ax + ay - 2z = 0 & \dots\dots ③ \end{cases}$$

$$① - ② \text{에서 } 2x + y = 3 \dots\dots ④$$

② + ③에서 $(a+1)x + (a-2)y = 1$ ⑤
④식을 ⑤식에 대입하면
 $(5-a)x = 7-3a$ 이고
방정식의 해가 존재하지 않으려면
 $5-a=0$ 이고 $7-3a \neq 0$
 $\therefore a=5$

28. [출제의도] 복소수의 성질 이해하기

자연수 k 에 대하여

$$i^n = \begin{cases} i & (n=4k-3 \text{ 일 때}) \\ -1 & (n=4k-2 \text{ 일 때}) \\ -i & (n=4k-1 \text{ 일 때}) \\ 1 & (n=4k \text{ 일 때}) \end{cases}$$

이므로

$$\begin{aligned} & \frac{1}{i} - \frac{1}{i^2} + \frac{1}{i^3} - \frac{1}{i^4} + \cdots + \frac{(-1)^{n+1}}{i^n} \\ &= -i + 1 + i - 1 + \cdots + \frac{(-1)^{n+1}}{i^n} \\ &= \begin{cases} -i & (n=4k-3 \text{ 일 때}) \\ 1-i & (n=4k-2 \text{ 일 때}) \\ 1 & (n=4k-1 \text{ 일 때}) \\ 0 & (n=4k \text{ 일 때}) \end{cases} \end{aligned}$$

따라서 주어진 등식을 만족하는 n 의 값은 자연수 k 에 대하여 $n=4k-2$ 일 때이다.

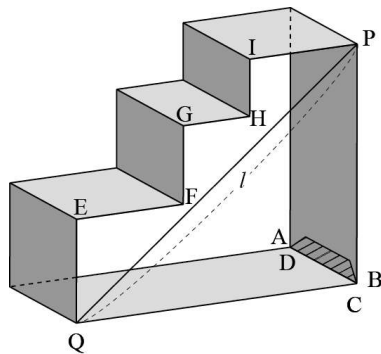
$$0 < 4k-2 \leq 100$$

$$\frac{2}{4} < k \leq \frac{102}{4} \text{ 이므로 식을 만족하는 자연수 } k \text{ 는}$$

1, 2, 3, ..., 25 이다.

\therefore 25개

29. [출제의도] 절대부등식을 이용하여 수학외
적문제 해결하기



위의 그림에서와 같이 종이가 접히는 각 점을 E, F, G, H, I 라 하면,

$$\overline{EF} + \overline{GH} + \overline{IP} = \overline{QB}$$

$$\overline{QE} + \overline{FG} + \overline{HI} = \overline{BP} \text{ 이므로}$$

$\overline{QB} = a$, $\overline{BP} = b$ 라 하면 종이띠의 길이가 40 이므로 $2(a+b) = 40$ 에서 $a+b = 20$ 이다.

$$l^2 = a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab = 400 - 2ab$$

$$20 = a+b \geq 2\sqrt{ab} \text{ 에서 } ab \leq 100 \text{ 이므로}$$

$\therefore l^2$ 의 최솟값은 200

(다른 풀이)

$\overline{QB} = a$, $\overline{BP} = b$ 라 하면 종이띠의 길이가 40 이므로 $2(a+b) = 40 \therefore a+b = 20$, $a^2 + b^2 = l^2$

실수 p, q, x, y 에 대하여

부등식 $(p^2 + q^2)(x^2 + y^2) \geq (px + qy)^2$ 이 절대부등식이므로

$$(1^2 + 1^2)(a^2 + b^2) \geq (a+b)^2$$

$$2l^2 \geq 20^2$$

$\therefore l^2$ 의 최솟값은 200

30. [출제의도] 곱셈공식을 활용하여 수학내적
문제 해결하기

$$\overline{AL_1} = a \ (a > 0) \text{ 라 하면, } \overline{N_1M_1} = \overline{N_1C} = a,$$

$$\overline{AL_1} \cdot \overline{L_2B} = 1 \text{ 이므로 } \overline{L_2B} = \frac{1}{a} = \overline{L_2M_2}$$

또한, $\overline{L_1M_1}$ 과 $\overline{M_2N_2}$ 의 교점을 점 P 라 하고,

$$\overline{L_1L_2} = x \text{ 라 하면 } \overline{PM_2} = \overline{PM_1} = x$$

평행선의 성질에 의해 $\triangle ABC$, $\triangle L_2BM_2$,

$\triangle PM_2M_1$, $\triangle N_1M_1C$ 는 모두 닮음이고

닮음비는 $4 : \frac{1}{a} : x : a$ 이므로

넓이의 비는 $16 : \frac{1}{a^2} : x^2 : a^2$ 이다.

삼각형 ABC의 넓이를 S , 어두운 부분 전체의 넓이를 T 라 하면

$$S = 2T \text{ 이므로}$$

$$16k = 2\left(\frac{1}{a^2} + x^2 + a^2\right)k \ (k \text{ 는 비례상수})$$

$$8 = \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2 + x^2$$

$$8 = (4-x)^2 - 2 + x^2$$

$$x^2 - 4x + 3 = 0$$

$$\therefore x = 1 \text{ 또는 } 3$$

$$a + \frac{1}{a} = 4 - x \text{ 이고 } a > 0 \text{ 이므로}$$

$$4 - x \geq 2$$

즉, $0 < x \leq 2$ 이므로 구하는 $x = 1$

$$\therefore 15\overline{L_1L_2} = 15$$

